

# UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ CAMPUS UNIVERSITÁRIO DE ABAETETUBA POLO UNIVERSITÁRIO DE TOMÉ-AÇU FACULDADE DE CIÊNCIAS EXATAS E TECNOLOGIA CURSO DE LICENCIATURA EM MATEMÁTICA

## JIOKYVISSON DA SILVA SOUSA WARLEN SILVA DA CRUZ

# UTILIZAÇÃO DE UMA TÉCNICA NUMÉRICA NA RESOLUÇÃO DE UMA INTEGRAL DUPLA

Tomé-Açu - Pará

# JIOKYVISSON DA SILVA SOUSA WARLEN SILVA DA CRUZ

# UTILIZAÇÃO DE UMA TÉCNICA NUMÉRICA NA RESOLUÇÃO DE UMA INTEGRAL DUPLA

Pré-Projeto apresentado como requisito para aprovação na disciplina de Trabalho de Conclusão de Curso I, na Faculdade de Ciências Exatas e Tecnologia da Universidade Federal do Pará.

Orientador: Prof. Dr. Manuel de Jesus dos Santos Costa.

Tomé-Açu - Pará

## SUMÁRIO

1 INTRODUÇÃO	4
2 JUSTIFICATIVA	4
3 OBJETIVOS	4
3.1 OBJETIVO GERAL	4
3.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS	5
4 METODOLOGIA	5
5 CRONOGRAMA	5
6 REFERÊNCIAS	6

### 1. INTRODUÇÃO:

Para suprir as necessidades, que foram surgindo ao longo da história, a matemática aderiu novas formas de solucionar problemas. Segundo Howard Eves, uma dessas formas foi à invenção do cálculo, por Isaac Newton e Gottfried Wilhelm Leibniz no século XVII, considerado uma grande descoberta desse século. O mesmo aparecia em duas áreas consideradas distintas, o cálculo integral e o cálculo diferencial, tal consideração foi contestada quando se percebeu que, na verdade, elas estavam interligas, uma vez que o cálculo integral é o inverso do cálculo diferencial.

A integral dupla, contida no cálculo integral, foi tida como inútil pela sua complexidade. Porém é possível calcular área e volume na geometria, por exemplo, que está inteiramente ligado com o nosso dia a dia. A integral dupla é solucionada analiticamente. Em alguns casos, não será possível resolvê-la da forma citada, por falta de uma função primitiva para determinada função no qual se está integrando.

Para resolver uma função no integrando, na qual não possua uma função primitiva, foi-se pensado em uma alternativa de pesquisa que possibilitasse tal solução. Será adotada uma técnica numérica que permitirá a obtenção de um resultado aproximado desse tipo de cálculo. Desta forma o auxílio computacional torna-se imprescindível na resolução desses problemas.

#### 2. JUSTIFICATIVA:

Existe a necessidade de resolver problemas vinculados as mais diversas áreas do conhecimento científico - Física, Química, Biologia, Engenharias, etc - nos quais necessitam da solução de uma integração dupla. Neste sentido, existem técnicas analíticas e numéricas, onde há casos que somente a técnica numérica soluciona.

#### 3. OBJETIVO:

#### 3.1 OBJETIVO GERAL:

Resolver um problema prático utilizando uma integral dupla com auxílio computacional.

#### 3.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS:

- Compreender a aplicação das integrais;
- Definir campo de integração;
- Determinar integral dupla iterada;
- Expor uma técnica de integração numérica;
- Interpretar as soluções observadas;
- Aplicar o auxílio computacional nas resoluções.

#### 4. METODOLOGIA:

Inicialmente dever-se-á fazer um levantamento de dados já abordados por obras de autores, como Howard Eves (2004), que conta um pouco da história do cálculo e James Stewart (2007), Louis Leithold (1994), Hamilton Luiz Guidorizzi (2001), que mostram as resoluções do cálculo na íntegra. Assim, será exposta a compreensão das mesmas e alguns dos campos ao qual se pode aplicar a integral dupla. Para isso, será pesquisado um campo de aplicação para analisar sua eficiência em solucionar um problema dentro deste mesmo campo.

Ainda como metodologia, haverá a necessidade de se trabalhar em um ambiente computacional com o objetivo de tornar viável a utilização de uma técnica numérica.

#### 5. CRONOGRAMA:

ATIVIDADES	MESES											
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Levantamento bibliográfico;	Х	Χ	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Χ	Χ	Χ	X
Estudo das aplicações das integrais;	Х	Χ	Х	Х	Х							
Elaboração de um relatório parcial;						Х	Х					
Estudo dos métodos numéricos para a			Х	Х	Х	Х						
integração;												
Testes numéricos aplicados;										Χ	Χ	X
Elaboração e finalização de um relatório											Χ	X

final.						

#### 5. REFERENCIAS:

LEITHOLD, Louis. **O cálculo com geometria analítica, volume I**. 3° Ed. São Paulo-SP: Harbra, 1994.

LEITHOLD, Louis. **O cálculo com geometria analítica volume II**. 3° Ed. SP: Harbra, 1994.

STEWART, James. Cálculo, volume I. 5° Ed. SP: Thomson Learning, 2007.

STEWART, James. Cálculo, volume II. 5ª ed. SP, Thonsom Learning, 2007.

EVES, Howard. **Introdução à história da matemática**. Campinas-SP: Editora da Unicamp, 2004.